

1. Να υπολογίσετε την τιμή της παράστασης

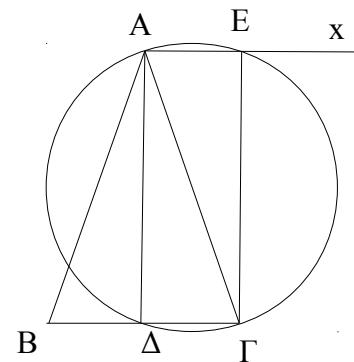
$$A = 2003 - \frac{6 - 10x + 2(4x - y - 3)}{3(x-z) + 3(y+z)} - 2\left(x + \frac{1}{3}\right) - 2y$$

αν $x+y=2003$.

2. Οι αριθμοί x και y είναι ανάλογοι προς τον αριθμητή και τον παρονομαστή, αντίστοιχα, του κλάσματος που προκύπτει από τη μετατροπή σε κλασματική μορφή του δεκαδικού αριθμού $a=4,333\dots$. Να υπολογίσετε την τιμή της παράστασης $B = \frac{6x-5y}{6x+5y} - \frac{21}{31}$.

3. Δίνεται ισοσκελές τρίγωνο $ABΓ$ ($AB=AG$). Με διάμετρο την πλευρά AG γράφουμε κύκλο που τέμνει την πλευρά $BΓ$ στο $Δ$. Φέρνουμε ακόμα την $A \times \square AΔ$ που τέμνει τον κύκλο στο E .

- α) Να αποδείξετε ότι το $AΔ$ είναι ύψος του τριγώνου $ABΓ$.
- β) Να συγκρίνετε το εμβαδό του τριγώνου $ABΓ$ προς το εμβαδό του τετραπλεύρου $AΔΓE$.



4. Στο σχήμα το τετράγωνο $ABΓΔ$ έχει πλευρά $AB=4a$ και $AE=BZ=ΓH=ΔΘ=a$. Το τετράπλευρο $ΙΚΛΜ$ είναι τετράγωνο. Να υπολογίσετε:

- 1) Την AH ως συνάρτηση του a .
- 2) Το εμβαδό του τετραγώνου $ΙΚΛΜ$ ως συνάρτηση του a .

